

PËRMBAJTJA

PARATHËNIE.....	v
NJË VËSHTRIM I SHKURTËR HISTORIK.....	vii

KAPITULLI I

SISTEMET E NUMRAVE.....	1
§1.1 NUMRAT NATYRORË	1
§1.2 INDUKSIONI MATEMATIK.....	6
§1.3 RELACIONI I NJËVLERSHMËRISË.....	11
§1.4 NUMRATE PLOTË.....	15
§1.5 NUMRAT RACIONALË	19
§1.6 BINOMI NEWTON	21
§1.7 SISTEMET E NUMËRIMIT.....	23
§1.8 USHTRIME	27

KAPITULLI II

TEORIA E PJESTUESHMËRISË SË NUMRAVE TË PLOTË.....	33
§2.1 PJESTITI EUKLIDIAN I NUMRAVE TË PLOTË.....	33
§2.2 PLOTPJESTUESHMËRIA.....	35
§2.3 NUMRAT E THJESHTË.....	37
§2.4 TEOREMA THEMELORE E ARITMETIKËS.....	42
§2.5 PJESTUESI MË I MADH I PËRBASHKËT (p.m.p).....	48
§2.6 ZBATIME TË p.m.p.....	52
§2.7 GJETJA E p.m.p. ALGORTIMI I EUKLIDIT.....	59
§2.8 SHUMFISHI MË I VOGËL I PËRBASHKËT (sh.v.p.).....	63
§2.9 ZBATIME TË sh.v.p.....	65
§2.10 USHTRIME	69

KAPITULLI III

FUNKSIONET ARITMETIKE.....	77
§3.1 FUNKSIONET SHUMËZUESE.....	78
§3.2 SHUMËZIMI SIPAS DIRICHLET.....	80
§3.3 FUNKSIONI μ MÖBIUS. FORMULA MÖBIUS E TË ANASJELLËS.....	88
§3.4 FUNKSIONI ϕ I EULER.....	93
§3.5 DISA PROBLEME TË PAZGJIDHURA.....	98
§3.6 USHTRIME	104

KAPITULLI IV

NJËVLERSHMËRITË	112
§4.1 PËRKUFIZIME DHE DISA VETI BAZË TË NJËVLERSHMËRIVE	112
§4.2 DISA KRITERE PLOTPJESTIMI.....	117
§4.3 UNAZA Z_n	119
§4.4 SISTEMET E MBETJEVE (mod n).....	124
§4.5 TEOREMAT FERMAT DHE EULER.....	126
§4.6 TEOREMA WILSON	129
§4.7 NJËVLERSHMËRITË LINEARE.....	131
§4.8 SISTEMET E NJËVLERSHMËRIVE LINEARE.....	139
§4.9 FUNKSIONI ARITMETIK $\lambda(n)$	153
§4.10 RENDI I NJË NUMRI TË PLOTË (mod n).....	156
§4.11 KRIPTOGRAFIA.....	165
§4.12 USHTRIME.....	175

KAPITULLI V

NJËVLERSHMËRITË POLINOMIALE.....	182
§5.1 NJËVLERSHMËRITË NË $Z[x]$. NJËVLERSHMËRITË IDENTIKE	182
§5.2 NJËVLERSHMËRITË POLINOMIALE.....	186
§5.3 NJËVLERSHMËRITË POLINOMIALE MODULO NUMRA TË THJESHTË	192
§5.4 NJËVLERSHMËRITË POLINOMIALE MODULO FUQI E NUMRIT TË THJESHTË	205
§5.5 NJËVLERSHMËRITË POLINOMIALE MODULO NUMRA TË PËRBËRË	216
§5.6 USHTRIME.....	220

KAPITULLI VI

RRËNJJËT PRIMITIVE. INDEKSI.	
MBETJE FUQISH (mod n).....	222
§6.1 RRËNJJËT PRIMITIVE.....	222
§6.1.1. MOSEKZISTENCA E RRËNJJËVE PRIMITIVE (mod n) PËR $n \neq 2, 4, p^m, 2p^m, p$ NUMËR I THJESHTË TEK, $m \geq 1$	223
§6.1.2. EKZISTENCA E RRËNJJËVE PRIMITIVE (mod n) PËR $n=2, 4, p^m, 2p^m, p$ NUMËR I THJESHTË TEK, $m \geq 1$	224
§6.1.2.1 EKZISTENCA E RRËNJJËVE PRIMITIVE (mod p), p NUMËR I THJESHTË	224
§6.1.2.2. EKZISTENCA E RRËNJJËVE PRIMITIVE (mod n) PËR $n = p^m, 2p^m, p$ NUMËR I THJESHTË TEK, $m \geq 1$	227
§6.1.3. NUMRI I RRËNJJËVE PRIMITIVE (mod n).....	232

§6.2 TEORIA E INDEKSEVE	
ZBATIME TË TEORISË SË INDEKSEVE NË ZGJIDHJEN E DISA TIPEVE TË CAKTUAR NJËVLERSHMËRISH (mod n) KUR EKZISTOJNË RRËNJËT PRIMITIVE (mod n).....	239
§6.3 MBETJE FUQISH (mod n).....	245
§6.4 USHTRIME.....	253

KAPITULLI VII

MBETJET KUADRATIKE.....	256
§7.1 MBETJET KUADRATIKE (mod n).....	256
§7.2 MBETJET KUADRATIKE (mod p). SIMBOLI LEGENDRE.....	260
§7.3 LIGJI I RECIPROCITETIT KUADRATIK	265
§7.4 SIMBOLI JACOBI.....	269
§7.5 USHTRIME.....	274

KAPITULLI VIII

EKUACIONET E DIOFANTIT.....	278
§8.1 HYRJE.....	278
§8.2 EKUACIONET LINEARE TË DIOFANTIT.....	280
§8.3 TRESHET PITAGORIANE.....	284
§8.4 TEOREMA E FUNDIT FERMAT.....	288
§8.5 EKUACIONI LEGENDRE $ax^2 + by^2 + cz^2 = 0$	290
§8.6 EKUACIONI PELL $x^2 - dy^2 = 1$	297
§8.7 USHTRIME.....	302

KAPITULLI IX

PARAQITJA E NUMRAVE TË PLOTË NGA FORMAT KUADRATIKE.....	305
§9.1 KONCEPTE BAZË	305
§9.2 NJËVLERSHMËRIA E FORMAVE KUADRATIKE BINARE.....	309
§9.3 FORMAT KUADRATIKE BINARE TË REDUKTUARA	313
§9.4 PARAQITJA E NUMRAVE TË PLOTË NGA FORMAT KUADRATIKE BINARE	316
§9.5 PARAQITJA E NUMRAVE TË PLOTË SI SHUMË E 4 KATRORËVE....	319
§9.6 USHTRIME.....	322

KAPITULLI X

THYESAT E VAZHDUESHME.....	323
§10.1 ZBËRTHIMI I NUMRIT REAL NË THYESË TË VAZHDUESHME.....	323

§10.2 PËRAFRIMI I IRRACIONALËVE NGA RACIONALET KONVERGJENTË..	331
§10.3 IRRACIONALËT KUADRATIKË.....	335
§10.4 PËRCAKTIMI I ZGJIDHJES BAZË TË EKUACIONIT $x^2 - dy^2 = 1$	339
§10.5 USHTRIME	342
BIBLIOGRAFIA.....	343
TABELA 1.....	344
TABELA 2.....	345